文章编号: 2095-0411 (2014) 02-0058-04

# 波发生器外置谐波式齿轮泵轮齿表面耐磨分析

宁鹏,祝海林,钱志达,潘俊,秦兴培 (常州大学 机械工程学院,江苏 常州 213016)

摘要:针对普通齿轮传动和谐波齿轮传动在齿面磨损计算方面的差异。通过对波发生器外置谐波式齿轮泵柔轮所受液压力的分析,推导了柔轮所受液压力矩的近似计算公式,并在此基础上推出了轮齿工作表面耐磨条件公式,为谐波式齿轮泵的设计和进一步研究提供了理论参考。

关键词:谐波式齿轮泵;液压力矩;磨损

中图分类号: TH 325 文献标识码: A doi: 10.3969/j.issn.2095-0411.2014.02.014

# The Wear Analysis of the Working Surface of Gear Tooth in Harmonic Gear Pump with External Wave Generator

NING Peng, ZHU Hai-lin, QIAN Zhi-da, PAN Jun, QIN Xing-pei (School of Mechanical Engineering, Changzhou University, Changzhou 213016, China)

**Abstract:** Aiming at the difference in tooth surface wear between the ordinary gear drive and harmonic gear drive, an approximate calculation formula of hydraulic torque is deduced by analysis of the liquid pressure on flexible gear tooth. The formula for the wear of gear tooth working surface is deduced on the basis of the approximate formula, which provides a theoretical reference for designing and further study of the harmonic gear pump.

Key words: harmonic gear pump; hydraulic torque; wear

齿轮泵中液压力不平衡一直限制着齿轮泵工作压力的进一步提高[1]。谐波式齿轮泵是将内啮合齿轮泵和谐波齿轮传动技术结合起来的一种新型齿轮泵,由于泵的两个高压腔是对称排列,在很大程度上减小了由径向液压力不平衡产生的对泵的不利影响,提高了轴承的使用寿命。

谐波式齿轮泵的工作原理如图 1 所示。在刚轮和柔轮中间安装两块固定的月牙形隔板,从而形成了 4 个密封空间,最靠近排油腔的一对轮齿的啮合

线和月牙板围成排油腔,最靠近吸油腔的一对轮齿的啮合线和月牙板围成吸油腔,上述两条啮合线之间的中间部位为啮合区间,液体的压力沿排油腔至吸油腔方向逐渐减小。外置式波发生器固定,刚轮按顺时针方向旋转时,柔轮在刚轮的作用下也跟着顺时针方向转动,在吸油腔这边的轮齿逐渐退出啮合,吸油腔体积增大,形成局部真空,液体在大气压力的作用下进入吸油腔,完成吸油。靠近排油腔的轮齿逐渐进入啮合,排油腔的体积减小,液体经

<sup>\*</sup> 收稿日期: 2013 - 06 - 29。

基金项目: 国家自然科学基金资助项目(51075046)。

作者简介: 宁鹏 (1988-), 男, 湖南邵阳人, 硕士生。通讯联系人: 祝海林 (1963-), E-mail: zhl2008@cc-

排油口被挤出去,完成排油。齿轮不断旋转,谐波 式齿轮泵就不断地吸油和压油。

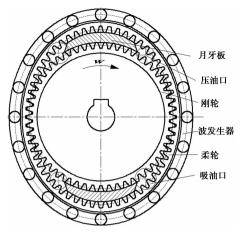


图 1 谐波式齿轮泵工作原理简图

Fig. 1 Working principle diagram of harmonic gear pump

由谐波式齿轮泵的原理可知,该泵的传动形式 为谐波齿轮传动,对其啮合参数的设计不仅要参考 齿轮泵设计的相关准则,同时也要符合谐波齿轮传 动的相关准则。谐波式齿轮泵柔轮和刚轮齿廓的曲 率半径相差少,其轮齿啮合时较接近于面接触<sup>[2]</sup>, 因此,对谐波式齿轮泵进行设计时必须限制泵在工 作压力较大的情况下,其齿面的最大比压值  $p_{max}$ 。 防止轮齿工作表面的严重磨损。推导谐波式齿轮泵 轮齿工作表面的耐磨条件公式,对谐波式齿轮泵的 研究以及谐波式齿轮泵优化设计中约束条件的选取 具有十分重要的意义。

## 1 齿轮传动轮齿工作表面磨损计算

齿面磨损是齿轮传动装置中常见的失效形式<sup>[3-4]</sup>,在齿轮传动中,影响齿面磨损的因素众多,随着齿轮工作条件的不同,损磨的形式也不尽相同,因此,在设计齿轮装置时对齿轮磨损的计算显得重要。

普通齿轮副中齿轮磨损量的计算是根据前苏联的 NB 克拉盖尔斯基研究得出的磨损层厚度计算公式<sup>[5]</sup>。在谐波齿轮传动中,刚轮和柔轮的齿数很多,两轮齿廓的曲率半径很接近,且具有传动比大的特点,刚轮和柔轮啮合时较接近于面接触,因此,不能把柔轮与刚轮轮齿的接触视为一个线接触的高副,不能采用刚性齿轮副中常用的局部接触的方法来进行研究。

## 1.1 普通齿轮传动磨损量计算

齿轮每啮合一次,齿轮接触面积滑动量 l 可表

示为:

$$l=2\lambda a$$
 (1)

式中: λ-两齿的滑动系数,等于两齿接触点的滑动速度与共轭齿廓啮合点的切向分速度之比<sup>[6]</sup>; *a* -接触面半宽,可按照赫兹公式计算<sup>[7]</sup>:

$$a = \sqrt{\frac{4F_{\rm n}}{\pi l_{\rm a}}} \frac{\frac{1 - \mu_1^2}{E_1} + \frac{1 - \mu_2^2}{E_2}}{\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2}}$$
 (2)

式中:  $F_n$ 一啮合时轮齿的法向作用力,N;  $l_a$ 一接触线总长度,mm;  $\mu_1$ 、 $\mu_2$ 一齿轮的泊松比;  $E_1$ 、 $E_2$ 一齿轮的弹性模量,MPa;  $\rho_1$ 、 $\rho_2$ 一齿轮曲率半径,mm。

磨损层厚度计算公式[5]:

$$h = ntl I_{h} \tag{3}$$

式中: h—齿轮磨损层厚度, mm; n—齿轮转速,  $r/\min$ ; t—齿轮工作时间, min;  $I_h$ —磨损率。

由式(1)、式(2)和式(3)化简得:

$$h = 4\lambda nt l I_{h} \sqrt{\frac{F_{n}\rho_{1}\rho_{2}}{\pi b^{*} mz (\rho_{1} + \rho_{2})} \left(\frac{1 - \mu_{1}^{2}}{E_{1}} + \frac{1 - \mu_{2}^{2}}{E_{2}}\right)}$$
(4)

式中:m一齿轮模数,mm;z一齿数; $b^*$ 一齿宽系数。

#### 1.2 谐波齿轮传动轮齿表面耐磨计算

在谐波齿轮传动中,为了防止在承受外载荷的情况下其轮齿工作表面的严重磨损,必须限制其齿面的最大比压  $p_{max}$ 值。故其轮齿工作表面的比压 p 应满足下列条件[2]:

$$p = \frac{2T_2K}{d_gh_nbz_v} \leqslant p_p \tag{5}$$

式中:  $T_2$ —输出构件(柔轮)上的力矩, N · mm; K—载荷系数;  $d_g$ —柔轮分度圆直径, mm;  $h_n$ —最大啮入深度, mm; 近似取  $h_n = c_n m$ , 系数  $c_n = 1.4 \sim 1.6$ ; m—模数; b—齿宽, mm;  $z_v$ —当量于沿齿高全啮合的工作齿数。

$$b = b^* d_{\sigma} \tag{6}$$

$$z_{v} = \frac{\varepsilon z_{g}}{\Lambda} \tag{7}$$

式中: $b^*$ 一齿宽系数; $\epsilon$ 一啮合齿数占总齿数的百分比; $z_g$ 一柔轮齿数。

将式 (6) 和 (7) 代入式 (5) 中,可得齿面 比压 p 的验算公式:

$$p = \frac{8T_2K}{\varepsilon b^* d_g^2 h_n z_g} \leqslant p_p \tag{8}$$

式中: p一轮齿工作表面比压,  $N/mm^2$ ;  $p_p$ 一许用比压,  $N/mm^2$ 。

公式 (8) 中含有  $T_2$  (输出构件上的力矩),所以,此公式只适用于谐波齿轮传动技术中齿轮的相关参数设计,在谐波式齿轮泵中不存在动力输出构件,因此,也没有输出扭矩  $T_2$ 。在谐波式齿轮泵中,波发生器固定,刚轮主动,柔轮将会受到一个沿圆周方向阻碍其转动的液体压力,由这个压力产生的力矩等同于谐波齿轮传动中的输出力矩(柔轮输出),所以,需推导出波发生器外置谐波式齿轮泵柔轮所受力矩的计算公式,然后进一步推导其齿面耐磨条件公式。

## 2 谐波式齿轮泵轮齿表面耐磨计算

#### 2.1 谐波式齿轮泵柔轮扭矩公式推导

柔轮扭矩主要是由液体作用于柔轮轮齿表面产生的力矩,轮齿齿廓两侧的液体压力相同或相近, 其有效受压面积也相同时,此时轮齿两侧的力矩相 互抵消,则该轮齿的扭矩为零。

油腔区轮齿(齿两侧都处于压油腔或吸油腔内,如图 2 中,轮齿 a 与轮齿 b 及其中间的齿)所受力矩分析,由于它们两侧的液体压力相同,且有效受压面积也相等,因此,所受液压力矩为零。

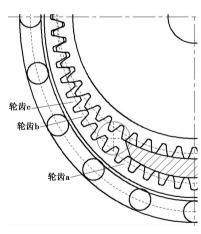


图 2 轮齿啮合过程图

Fig. 2 The process diagram of gear tooth mesh

啮合区的轮齿所受力矩分析,以泵的上方啮合区间的轮齿为例,从第一个刚进入啮合的齿到处于完全啮合状态的齿(处于 X 轴上的柔轮轮齿)止,为方便计算,其啮入深度的变化,可看作近似线性的。在图 2 中,以轮齿 b 从图中所示位置(刚进入啮合)旋转到轮齿 c 所在位置为一个周期,即从一个轮齿开始啮合时起,到下一个轮齿开始啮合时

止。设齿全高为 x,同时啮合的总齿数为 4y,则在一个周期内,相邻两个齿未啮入的高度(啮合点到齿根圆的径向距离)差  $\Delta x = x/y$ ,为方便计算,柔轮轮齿的受压面积 S 可近似等于齿全高 x 和齿宽 b 的乘积<sup>[8]</sup>,则处于啮合状态两相邻齿的有效受压面积平均值之差  $\Delta S = \Delta x b/2$ 。

谐波式齿轮泵工作时,液体压力沿啮合区从压油腔到吸油腔的变化,也可看作是线性的<sup>[8]</sup>,则每个轮齿两侧的压力降为  $\Delta p/2y$ 。在一个周期内,图 2 中处于啮合状态的轮齿所受力矩之和的平均值:

$$M_{1} = \sum_{i=0}^{y-1} (2i \cdot \Delta S + \Delta S) L \frac{\Delta p}{2y} =$$

$$[y (y-1) \cdot \Delta S + n \cdot \Delta S] \cdot L \frac{\Delta p}{2y} =$$

$$\underline{y \cdot \Delta S \cdot \Delta p L}$$
(9)

式中: L一力臂, mm;  $\Delta p$ 一液体压力差, MPa。 将  $\Delta x = x/y$  和  $\Delta S = \Delta x b/2$  代人式 (9) 得:

$$M_1 = \frac{xb \cdot \Delta pL}{4} \tag{10}$$

将 S=xb 代入式(10)得:

$$M_1 = \frac{S \cdot \Delta pL}{4} \tag{11}$$

式中: S—轮齿受压面积,  $mm^2$ ; L—力臂, mm;  $\Delta p$ —液体压力差, MPa。

图 2 中处于啮合状态的轮齿是整个泵中处于啮合状态的轮齿的 1/4,因此,整个啮合区的轮齿所受力矩为  $4M_1$ 。

隔板区的轮齿所受力矩分析,如图 1 所示,设隔板区的齿数为  $2y_1$ ,以泵的左侧隔板区的轮齿为例,则每个轮齿两侧的压力降为  $\Delta p/y_1$ 。因此,处于隔板区的轮齿所受力矩之和的平均值:

$$M_2 = y_1 LS \frac{\Delta p}{y_1} = LS \cdot \Delta p$$

综上所述,油腔区(压油腔和吸油腔)轮齿所受力矩为零;啮合区轮齿所受力矩为 $LS \cdot \Delta p$ ,方向与刚轮旋转方向相同;隔板区轮齿所受力矩为 $2LS \cdot \Delta p$ ,方向与刚轮旋转方向相反。因此,刚轮所受总扭矩:

$$M = LS \cdot \Delta p \tag{12}$$

式中: S一轮齿受压面积,  $mm^2$ ; L一力臂, mm;  $\Delta p$ 一液体压力差, MPa。

将  $x=r_f-r_a$  代人 S=xb 得:

$$S = (r_{\rm f} - r_{\rm a}) b$$

式中:  $r_a$ 一柔轮齿顶圆半径;  $r_t$ 一柔轮齿根圆半径。 力臂 L 取平均值, 则:

$$L=r_a+(r_f-r_a)/2=(r_a+r_f)/2$$

将  $L = (r_a + r_f) / 2$  和  $S = (r_f - r_a) b$  代入式 (12) 得:

$$M = \frac{(r_{a} + r_{f})}{2} (r_{f} - r_{a}) b \cdot \Delta p = \frac{r_{f}^{2} - r_{a}^{2}}{2} b \cdot \Delta p$$

$$(13)$$

对齿轮泵排量进行近似计算时可以认为排量等于它的两个齿轮的齿间槽容积之和,假设齿间槽的容积等于轮齿的体积,则可以近似地等于其中一个齿轮的所有轮齿体积与齿间槽容积之和<sup>[9]</sup>。则齿轮泵的排量 q 计算公式可以表示为:

$$q = \pi b \ (r_{\rm f}^2 - r_{\rm a}^2)$$

$$b \ (r_{\rm f}^2 - r_{\rm a}^2) = \frac{q}{\pi}$$
(14)

式中:q一排量,mL/r。

将式(14)代人式(13)则可得出刚轮所受液 压扭矩与泵的排量及工作压力之间的关系式:

$$M = \frac{500\Delta pq}{\pi} \tag{15}$$

式中: M一刚轮总扭矩,  $N \cdot mm$ ; q一排量, mL/r;  $\Delta p$ 一液体压力差, MPa。

### 2.2 谐波式齿轮泵轮齿表面耐磨公式推导

谐波式齿轮泵液体对柔轮旋转的阻碍作用就相当于谐波式齿轮传动技术中外载荷对输出构件的作用,所以,柔轮所受扭矩也就相当于谐波传动技术中输出构件上的力矩,即输出扭矩  $T_2$ 。

将  $T_2 = M$  代入式 (8) 中可得谐波式齿轮泵轮齿的工作表面耐磨条件:

$$p = \frac{4 \ 000qK\Delta p}{\varepsilon b^* \ d_{\rm g}^2 h_{\rm n} z_{\rm g} \pi} \leqslant p_{\rm p} \tag{16}$$

式中:q—排量,mL/r;K —载荷系数; $\Delta p$ —液体压力差,MPa; $\epsilon$ —啮合齿数占齿数的百分比; $b^*$ —齿宽系数; $d_g$ —柔轮分度圆直径,mm; $h_n$ —最大啮入深度,mm; $z_g$ —柔轮齿数。

#### 2.3 计算示例

现要设计一谐波式齿轮泵,柔轮齿数  $z_g$  = 200, 刚轮齿数  $z_b$  = 198, 其额定压力为 6MPa,排量为 315mL/r,模数 m=1.25mm,载荷系数 k=1.3,啮合齿数占总齿数的百分比  $\epsilon$ =0.4,齿宽系

数  $b^* = 0.15$ , 许用比压  $p_p = 30 \text{N/mm}^2$ 。

用 VB 编写程序,将相应参数输入到界面中,点击"计算"按扭,结果如图 3 所示。p=1.36N/mm<sup>2</sup><30N/mm<sup>2</sup>,因此,满足轮齿工作表面耐磨条件。



图 3 VB 界面 Fig. 3 VB interface

### 3 总 结

在机械行业中,液压动力系统应用非常广泛,泵是液压动力系统中的核心元件,液压泵的性能直接决定液压系统的性能。谐波式齿轮泵有效地抵消液压径向力,延长了泵的使用寿命。

利用本文推导出的谐波式齿轮泵柔轮液压扭矩 公式可进行柔轮扭矩的近似计算。

本文推导出的谐波式齿轮泵轮齿工作表面耐磨 条件公式可作为谐波式齿轮泵参数校核公式,亦可 作为谐波式齿轮泵参数优化设计的约束条件。

#### 参考文献:

- [1] 栾振辉. 齿轮泵研究的现状与发展 [J]. 起重运输机械,2005 (6):11-13.
- [2] 饶振纲. 行星传动机构设计 [M]. 北京: 国防工业出版社, 1994
- [3] K Mao. Gear tooth contact analysis and its application in the reduction of fatigue wear [J]. Wear, 2007, 262 (11/12): 1281 1288.
- [4] Huseyin Imrek, Hayrettin Duzcukoglu. Relation between wear and tooth width modification in spur gears [J]. Wear, 2007, 262 (3/4): 390 394.
- [5] Zhang B, Xie Y B. Tow body micro cutting wear model, part
  Ⅲ: Stable profile height Distribution of a worn Surface [J].
  Wear, 1989, 129; 59 66.
- [6] 曲庆文, 钟振远. 考虑磨损的齿轮摩擦学设计 [J]. 润滑与密封, 2006 (6): 157-159.
- [7] Johnson K L. Contact mechanics [M]. Cambridge: Cambridge University Press, 1985.
- [8] 何存兴. 液压元件 [M]. 北京: 机械工业出版社, 1982.
- [9] 左健民. 液压与气压传动 [M]. 北京: 机械工业出版社, 2007.